

Aufgabenblatt 2

Allgemeine Hinweise:

- Für die Aufgaben auf diesem Übungsblatt müssen Sie am 20. November votieren.
 - Es gibt jeweils einen Votierpunkt für die Aufgaben 1 und 2. Für die Aufgabenteile 3a und 3b können Sie jeweils einen Bonus-Votierpunkt erhalten.
-

Aufgabe 1: Mitternachtsformel

(1 Punkt)

Schreiben Sie ein Programm, das von der Kommandozeile die Koeffizienten einer quadratischen Gleichung der Form $ax^2 + bx + c = 0$ abfragt und mit der Mitternachtsformel die beiden Nullstellen ausrechnet und ausgibt. Falls es keine eindeutige Lösung gibt ($a = b = 0$) oder die Lösung komplex ist, soll das Programm das abfangen und eine entsprechende Meldung ausgeben.

Hinweise:

- Um eine Kommazahl von der Kommandozeile einzulesen, verwenden Sie folgenden Codeschnipsel:

```
1 double v;  
2 std::cout << "a = " << std::flush;  
3 std::cin >> v;
```

- Um die Wurzel aus einer Zahl zu ziehen, gibt es die Funktion `sqrt`:

```
1 double root = std::sqrt(2.0);
```

Bevor Sie diese Funktion verwenden können, müssen Sie am Anfang des Programms die Mathematik-Bibliothek von C++ mit der Zeile `#include <cmath>` einbinden.

Aufgabe 2: Collatz-Vermutung

(1 Punkt)

Schreiben Sie eine Funktion `void collatz(int number)`, die folgendes tut:

- Gib `number` auf dem Bildschirm aus.
- Falls `number` gerade ist, teile die Zahl durch 2.
- Andernfalls multipliziere die Zahl mit 3 und addiere 1.
- Wiederhole diese Schritte, bis einer der folgenden Zahlenwerte erreicht wird: 1, 0, -1, -5 oder -17.
- Gib abschließend dieses Ergebnis aus.

Hinweis:

Um herauszufinden, ob eine Zahl x gerade ist, testen Sie, ob $(x \bmod 2) = 0$. Hierfür gibt es in C++ den Operator `x % y`, der den Rest der Ganzzahl-Division von x durch y berechnet:

```
1 int x = 23 / 5; // 4 (runden nach  $-\infty$ )  
2 int y = 23 % 5; // 3 (vorzeichenbehafteter Divisionsrest)
```

Rufen Sie die obige Funktion aus der `main`-Funktion auf, wobei Sie den ersten Wert für `number` von der Tastatur einlesen. Auf diese Weise können Sie die entstehenden Zahlenfolgen für verschiedene Startwerte untersuchen. Warum kann der Wert 0 nur auf eine Weise erreicht werden? Und was haben

alle Zahlen gemeinsam, die zum Wert 1 führen? Informieren Sie sich unter https://en.wikipedia.org/wiki/Collatz_conjecture über die mathematische Vermutung hinter diesen Zahlenfolgen.

Aufgabe 3: Fibonacci-Folge

(2 Bonuspunkte)

Jedes Element der Fibonacci-Folge wird durch Addition der beiden vorherigen Folgen-Elemente gebildet, wobei die ersten beiden Elemente durch 0 und 1 gegeben sind:

$$\begin{aligned} f_1 &= 0, \\ f_2 &= 1, \\ f_n &= f_{n-2} + f_{n-1}. \end{aligned}$$

Damit ergibt sich als Beginn der Folge:

$$0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, \dots$$

- (a) Implementieren Sie die Berechnung der Folgen-Elemente in einem C++-Programm.
- i. Schreiben sie eine Funktion `int fibonacci(int number)`, welche f_N berechnet. Lesen Sie N von der Kommandozeile ein und geben sie f_N aus.
 - ii. Erweitern Sie Ihr Programm so, dass es nacheinander f_n für alle Werte von 0 bis N auf der Kommandozeile ausgibt.
 - iii. Probieren Sie Ihr Programm für verschiedene Werte von N aus. Was passiert, wenn Sie N groß werden lassen? Haben Sie eine Erklärung hierfür?

Hinweis: Sie können die Geschwindigkeit Ihres Programms verbessern, indem Sie beim Kompilieren die Option `-O3` angeben. Dadurch analysiert der Compiler Ihr Programm und erzeugt ein optimiertes Programm, das normalerweise deutlich schneller ist.

- (b) Im folgenden geht es darum, das Programm aus dem ersten Teil zu verbessern.

Anmerkung: Es kann natürlich sein, dass Sie den vorherigen Aufgabenteil schon so implementiert haben, dass hier gar keine Probleme auftreten. In diesem Fall sind Sie bereits fertig.

- i. Sorgen Sie dafür, dass Ihr Programm auch für grössere N korrekt funktioniert. Schauen Sie sich hierzu die Folien zu Variablentypen an.
- ii. Die Laufzeit des Programms steigt für ungefähr $N = 40$ sehr stark an. Woran liegt das? Schreiben Sie eine alternative Version des Programms, die dieses Problem umgeht und die Folgenglieder bis mindestens $N = 90$ ohne nennenswerte Verzögerung ausgeben kann.