

# C++ für Wissenschaftliches Rechnen

Dan Popović

Interdisziplinäres Institut für Wissenschaftliches Rechnen, Universität Heidelberg

8. April 2009

# C++ für Wissenschaftliches Rechnen

## ① Warum C++?

Motivation

## ② Vorausgesetzte Techniken

## ③ Das erste Programm

## ④ Abstrakte Datentypen und ihre Realisierung in C++

Klassen

Konstruktoren und Destruktoren

## ⑤ Vererbung in C++

## ⑥ Virtuelle Funktionen und abstrakte Basisklassen

Virtuelle Funktionen

Rein virtuelle Funktionen und abstrakte Basisklassen

## ⑦ Templates und generische Programmierung

## ⑧ Die Standard Template Library (STL)

Beispiel einer Container-Klasse: Vektoren

Das Iterator-Interface

## ⑨ Built-in Algorithmen der STL

## ⑩ Statischer vs. Dynamischer Polymorphismus

Dynamischer Polymorphismus

Statischer Polymorphismus und Engines

# Anforderungen an die Programmiersprache

- Effizienz. . .
  - des Programms
  - der Entwicklung
- Hardware-nahe Programmiersprachen
- Integration mit existierendem Code
- Abstraktion
-

# Vergleich von C++ mit anderen Sprachen

## Fortran & C

- + schneller Code
- + gute Optimierungen
- nur prozedurale Sprachen
- wenig Flexibilität
- schlechte Wartbarkeit

## C++

- + gute Wartbarkeit
- + schneller Code
- + gute Integration mit Fortran und C Bibliotheken
- + hoher Abstraktionsgrad
- schwerer zu optimieren
- meistens mehr Speicherverbrauch

# Vergleich von C++ mit anderen Sprachen

## Fortran & C

- + schneller Code
- + gute Optimierungen
- nur prozedurale Sprachen
- wenig Flexibilität
- schlechte Wartbarkeit

## C++

- + gute Wartbarkeit
- + schneller Code
- + gute Integration mit Fortran und C Bibliotheken
- + hoher Abstraktionsgrad
- schwerer zu optimieren
- meistens mehr Speicherverbrauch

## Literatur zu C++

- B. Stroustrup: C++ – Die Programmiersprache (Die Bibel)
- A. Willms: C++ Programmierung (Für Anfänger gut geeignet)
- S. Oualline: Practical C++-Programming
- O'Reilly-Verlag: Scientific C++

# Grundlegende vorausgesetzte C++-Kenntnisse

Um die Vorzüge von C++ auszunutzen, sind abstrakte Techniken notwendig. Folgende grundlegenden Konzepte sind als Basis unumgänglich:

- Grundlegende Datentypen und Kontrollstrukturen:
  - `int`, `double`, `bool`, `char`, ...
  - conditionals: `if`, `switch`, ...
  - loops: `for`, `while`
- Grundlegende Programmstrukturen:
  - Funktionen
  - Rekursive und iterative Programmierung
- Zeiger und Referenzen
- Klassen und Vererbung
  - `class` und `struct`
  - `private`, `public`, `protected`
  - Konstruktoren und Destruktoren
  - `public`, `private`-Vererbung
  - (rein) virtuelle Funktionen abstrakte Basisklassen
- Polymorphismus von Funktionen, Überladen von Operatoren
- Dynamische Speicherverwaltung (`new`, `delete`)

# Ein erstes Programm: Hello World

## Hallo, Welt!

```
// use the iostream extension
#include <iostream>

// main is always the first function to be called
int main(int argc, char** argv)
{
    std::cout << "Hello, World..." << std::endl;

    return 0;
}
```

# Klassen und Datentypen

Eine C++-Klasse definiert einen Datentyp. Ein Datentyp ist eine Zustandsmenge mit Operationen, die die Zustände ineinander überführen. Beispiel:

```
class ComplexNumbers
{
public:
    ...
    void print()
    {
        std::cout << u << " + i * " << v << std::endl;
    }
private:
    double u, v;
};
```

# Klassen und Datentypen

```
// usage of the complex number class
int main (int argc, char** argv)
{
    ComplexNumber a, b, c;

    a.print();           // output ?
    c = a + b;          // where defined ?

    return 0;
};
```

# Klassen und Datentypen

- C++ ermöglicht die Kapselung des Datentyps, d.h. Trennung von Implementierung und Interface.
  - `public`: Interface-Spezifikation,
  - `private`: Daten und Implementierung.
- Von außen kann nur auf Methoden und Daten im `public`-Teil zugegriffen werden.
- Implementierung der Methoden kann ausserhalb der Klasse geschehen.

# Konstruktoren

- Der Befehl `ComplexNumber a;` veranlasst den Compiler, eine Instanz der Klasse zu erzeugen.
- Zur Initialisierung wird ein Konstruktor aufgerufen.
- Es können verschiedene Konstruktoren existieren (Polymorphismus!).
- In gewissen Fällen erzeugt der Compiler default-Konstruktoren.

# Konstruktoren

Die Klasse `ComplexNumber` mit zwei Konstruktoren:

```
class ComplexNumbers
{
public:
    // some constructors
    ComplexNumber() { u = 0; v = 0; } // default

    ComplexNumber(double re, double im) // initialize with
    { u = re; v = im; } // given numbers

    void print() { ... }

private:
    double u, v;
};
```

# Konstruktoren

```
// usage of the complex number class
int main (int argc, char** argv)
{
    ComplexNumber a(3.0,4.0);
    ComplexNumber b(1.0,2.0);
    ComplexNumber c;

    a.print();           // output: 3 + i * 4
    c = a + b;          // where defined ?

    return 0;
};
```

# Destruktoren

- Dynamisch erzeugte Objekte können vernichtet werden, falls sie nicht mehr benötigt werden.
- Das Löschen von Objekten übernimmt der Destruktor.
- Destruktoren sind insbesondere auszuimplementieren, wenn die Klasse Zeiger (etwa Felder!) enthält.
- Ebenso bei Verwendung von dynamischen Speicher in einer Klasse.
- Stichworte zur Dynamischen Speicherverwaltung: `new`, `delete`.

# Vererbung in C++

## Vererbung

- bedeutet, dass das Verhalten eines Datentyps an einen abgeleiteten Datentyp weitergegeben werden kann.
- Die Datentypen stehen dabei in „Ist-ein“ Relation: Ein Mensch ist auch ein Säugetier, d.h. Klasse Mensch ist von Klasse Säugetier abzuleiten.

# Vererbung in C++

```
// example of inheritance in C++
class Matrix{
public:
    ...

private:
    double data[3][3]; // (3 x 3)-Matrix
};

// the derived class
class SymMatrix: public Matrix{
public:
    double getEntry(int i, int j) { return data[i][j]; }
    // error: data private in base class
    // performance?
    ...
    // derived constructor calls a constructor of base class
    SymMatrix() : Matrix() { ... }
};
```

# Verschiedene Arten der Vererbung in C++

Bei Vererbung ist darauf zu achten, auf welche member die abgeleitete Klasse Zugriff erhält → verschiedene Arten der Vererbung:

- `private`-Vererbung: Alle Elemente der Basisklasse werden `private` Member der abgeleiteten Klasse.
- `public`-Vererbung: `public`-Member der Basisklasse werden `public`-Member der abgeleiteten Klasse, `private` wird zu `private`.

# Verschiedene Arten der Vererbung in C++

- Private member der Basisklasse bleiben immer privat (sonst macht die Kapselung keinen Sinn).
- Problem: `private`-Member sind zu stark gekapselt, `public`-Member überhaupt nicht.
- Ausweg: `protected`-Member, auf die abgeleitete Klassen zugreifen können.

# Virtuelle Funktionen

## Klassenhierarchie mit virtuellen Funktionen

```
class GeomObject{ // base class for geo objects
public:
    virtual double area() { return 0.0; }
    ...
};

class Triangle : public GeomObject{ // a derived class
public:
    double area()
    {
        return 0.5 * a * h;
    }
    ...
private:
    double h, a;
};
```

# Virtuelle Funktionen

Wofür benötigen wir virtuelle Funktionen?

## Virtuelle Funktionen

Wenn Basis- und abgeleitete Klasse enthalten Mitglieder gleichen Namens enthalten – Welche Methode wird aufgerufen?

```
int main() {
    GeomObject* geo;
    Triangle t;

    geo = &t;
    std::cout << geo->area << std::endl; // ?

    return 0;
};
```

# Virtuelle Funktionen

## Lösung:

- Falls nicht anders angegeben, die Methode des Basisobjekts (!).
- Durch das Schlüsselwort `virtual` wird der Aufruf an die abgeleitete Klasse durchgereicht.
- Stichwort **Late Binding**, d.h. Zuordnung Methodenname ↔ Implementierung erst zur Laufzeit.

# Dynamischer Polymorphismus

Die Technik der späten Typ-Bindung mit virtuellen Funktionen hat einen eigenen Namen:

## Dynamischer Polymorphismus

- Genaue Typbestimmung zur Laufzeit.
- Realisierung über:
  - Virtuelle Funktionen (*function lookup table*),
  - Überschreiben von Funktionen.

# Dynamischer Polymorphismus

Die Technik der späten Typ-Bindung mit virtuellen Funktionen hat einen eigenen Namen:

## Dynamischer Polymorphismus

- Genaue Typbestimmung zur Laufzeit.
- Realisierung über:
  - Virtuelle Funktionen (*function lookup table*),
  - Überschreiben von Funktionen.

## Vorteile des dynamischen Polymorphismus

- Basisklassen sind Obermengen der abgeleiteten Klassen
- Algorithmen, die auf Basisklasse operieren, können auch auf den abgeleiteten Klassen operieren.
- Beispiel: Liste, die Pointer auf `GeomObjects` speichert. Pointer kann auf ein `Triangle`-Objekt oder jedes andere `GeomObject`-Objekt zeigen!

# Abstrakte Basisklassen und Schnittstellen

Oftmals sind virtuelle Funktionen nicht sinnvoll in der Basisklasse definierbar.  
Dann

- Deklaration der Funktion in der Basisklasse als „rein virtuell“:  
`virtual printArea() = 0.`
- Abgeleitete Klassen müssen rein virtuelle Funktionen implementieren.

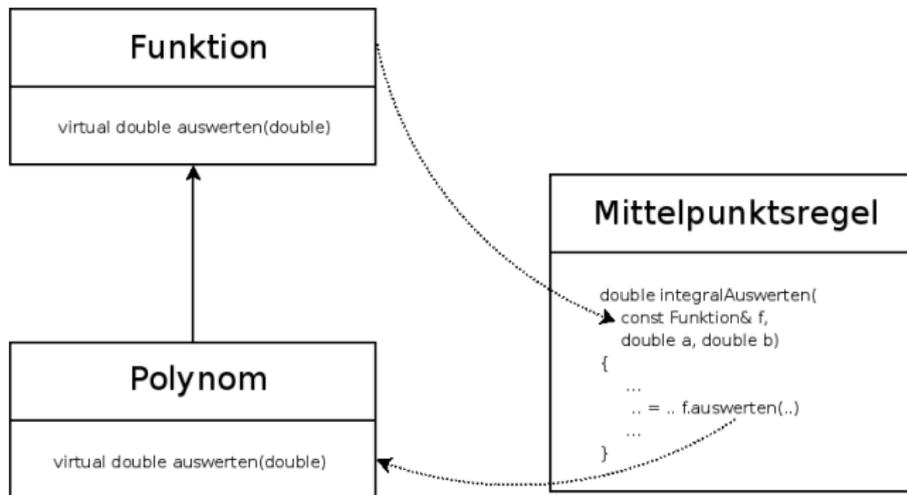
# Abstrakte Basisklassen und Schnittstellen

## Abstrakte Basisklassen

- Enthält eine Basis-Klasse eine rein virtuelle Funktionen, heisst die Klasse abstrakt.
- Von abstrakten Klassen können keine Objekte instanziiert werden.
- Eine abstrakte Basisklasse definiert einheitliches Erscheinungsbild (Interface) einer Abstraktion.
- Algorithmen operieren auf diesem Interface, d.h. unabhängig der tatsächlichen Implementierung.

# Abstrakte Basisklassen und Schnittstellen

Beispiel:



# Abstrakte Basisklassen und Schnittstellen

## Erklärung des Beispiels:

- Der Algorithmus `Mittelpunktsregel` integriert beliebige Funktionen
- Es existiert eine (u.U. abstrakte) Basis-Klasse für Funktionen
- Allgemeine Funktionen wie Polynome, Sinus, ... werden von der Basisklasse abgeleitet.
- `Mittelpunktsregel` operiert nur auf der Funktionsschnittstelle!

Es folgt der Code zum Beispiel, es wird ein Sinus integriert:

# Abstrakte Basisklassen und Schnittstellen

```
// main.cpp: Test der Integration mit der Funktions-Schnittstelle

// System-Header inkludieren
#include <cstdlib>
#include <iostream>
#include <cmath>

// eigene Header inkludieren
#include "sinus.h"
#include "mittelpunktsregel.h"

// main-Funktion
int main(int argc, char** argv)
{
    // Objekt der Klasse Mittelpunktsregel anlegen
    MittelpunktsRegel mipur(100);

    // Sinus-Objekt erzeugen
    Sinus s1;

    // Integration der Polynome testen
    std::cout << "Integral␣Sinus:␣" << mipur.integralAuswerten(s1, -2.0, 2.0) << std::endl;
    std::cout << "Integral␣Sinus:␣" << mipur.integralAuswerten(s1, -3.1415, 6.2890) << std::endl;
    std::cout << std::endl;

    return 0;
}
```

# Abstrakte Basisklassen und Schnittstellen

```
// mittelpunktregel.h: Die Klasse Mittelpunktsregel

#include "funktion.h"

#ifdef __MIPUREGEL_H_
#define __MIPUREGEL_H_

// Mittelpunktsregel-Klasse
class MittelpunktsRegel
{
public:
    MittelpunktsRegel(int anzahl) : n(anzahl) {}
    ~MittelpunktsRegel() {};

    // Integral einer Funktion auswerten
    double integralAuswerten(Funktion& f, double a, double b) const
    {
        double erg = 0.0;
        double h = (b-a)/(1.0*n); // Laenge der Intervalle

        // Anteile der einzelnen Boxen aufsummieren
        for (int i=0; i<n; ++i)
        {
            double x = a + i*h + 0.5*h; // Intervall-Mittelpunkt
            erg += h * f.auswerten(x); // Funktionsauswertung
        }

        return erg;
    }

private:
    int n;
};

#endif
```

# Abstrakte Basisklassen und Schnittstellen

```
// funktion.h: Abstrakte Schnittstellenklasse fuer Funktionen

// Inklusions-Waechter
#ifndef __FUNKTION_H_
#define __FUNKTION_H_

// Abstrakte Basisklasse fuer Funktionen
class Funktion
{
public:
    // Konstruktoren
    Funktion() {};

    // virtueller Destruktor
    virtual ~Funktion() {};

    // Funktion auswerten, rein virtuell !
    virtual double auswerten(double x) const = 0;

private:
};

#endif
```

# Abstrakte Basisklassen und Schnittstellen

```
#include <cmath>

// inkludiere Basisklasse / Schnittstelle
#include "funktion.h"

#ifndef __SINUS_H_
#define __SINUS_H_

// Kapselungs-Klasse fuer den Sinus
class Sinus : public Funktion
{
public :
    Sinus() {}

    // Erfuellung der Schnittstelle
    double auswerten(double x) const
    {
        return sin(x);
    }

private :
};

#endif
```

# Templates

## Templates – Code-Schablonen

- Templates ermöglichen die Parametrisierung von Klassen und Funktionen.
- Templates entkoppeln Funktionen oder Algorithmen vom Datentyp.
- Zulässige Parameter:
  - Standard-Typen wie `int`, `double`, ...
  - Eigene Typen (Klassen),
  - Templates.
- Templates ermöglichen statischen Polymorphismus (siehe später).
- Templates verallgemeinern Code → „Generische Programmierung“.

# Beispiel: Templatisierte Funktion

```
#include <iostream>

// example for a function template
template <class T>
T getMax(const T& a, const T& b)
{
    return (a>b) ? a : b;
}

int main ()
{
    int i=5, j=6, k;
    double l=10.4, m=10.25, n;

    k = getMax<int>(i,j); n = getMax<double>(l,m);
    std::cout << k << ", " << n << std::endl;
    // output: 6, 10.4

    return 0;
}
```

# Beispiel: Templatisierte Array-Klasse

```
// a class that takes a template parameter
template <class T> class Array
{
public:
    int add(const T& next, int n);
    T& at(int n);
    T& operator [] (int n) { return at(n); }

private:
    T data[10];
};

// add a new data member
template <class T> int Array<T>::add(const T& next, int n)
{
    if (n>=0 && n<10)
    {
        data[n] = next; return 0;
    }
    else return 1;
}
```

# Beispiel: Templatisierte Array-Klasse

```
// get a certain data member
template <class T> T& Array<T>::at(int n)
{
    if (n>=0 && n<10) return data[n];
}

// main program
#include <iostream>
int main()
{
    Array<int> c; c.add(3,0); c.add(4,5); c.add(0,1);
    std::cout << c.at(5) << std::endl;
    // output: 4

    Array<char> d; d.add('x',9);
    std::cout << d.at(9) << std::endl;
    // output: x

    return 0;
}
```

# Weiteres zu Templates

- Mehrere Template-Parameter sind möglich
- Parameter können default-Werte haben
- Templates können ausspezialisiert werden

# STL – Die Standard Template Library

In C++ gibt es viele vorgefertigte Template-Container, die ohne Kenntnis der Implementierung verwendet werden können. Sie sind in einer Bibliothek, der STL, zusammengefasst.

## Die STL

- ist eine Sammlung von Template Klassen und Algorithmen,
- bietet viele Containerklassen (Klasse, die eine Menge anderer Objekte verwaltet),
- hat dabei vereinheitlichte User-Interfaces für die Container,
- ist in der C++-Standardbibliothek enthalten.

# Container-Arten der STL

Die STL stellt verschiedene Arten von Containern bereit:

- Sequentielle Container  
Beispiele: Vektoren, Listen
- Container adapter  
Eingeschränktes Interface zu beliebigen Containern  
Beispiele: Stacks, Queues
- Assoziative Container  
Schlüssel-Wert Container  
Beispiel: Maps, Multimaps

# Vor- und Nachteile der STL

## Vor- und Nachteile der STL

- + Dynamisches Speichermanagement
- + Vermeidung von array-Überläufen
- + Hohe Qualität der Container
- + Optimierbarkeit durch statischen Polymorphismus
- Unübersichtliche Fehlermeldungen
- Hohe Anforderungen an Compiler und Entwickler
- Nicht alle Compiler sind STL-fähig (obwohl die STL im C++-Standard enthalten ist)

# Beispiele für die Verwendung von STL-Containern: vector

## Vector-Container

```
#include <iostream>
#include <vector>

int main()
{
    // example usage of an STL vector
    int result = 0;
    std::vector<int> x(100);

    for (int j=0; j<100; j++) x[j] = j;

    x.push_back(100);

    for (int j=0; j<x.size(); j++)
        result += x[j];

    // output: 5050
    std::cout << result << std::endl;

    return 0;
}
```

# Das Iterator-Interface

Iteratoren bieten Zugriff auf die Elemente eines Containers. Sie

- Iterieren über die Elemente eines Containers,
- Liefern Zeiger auf Container-Elemente,
- Werden von jeder Container-Klasse bereitgestellt,
- Gibt es in „rw“- und einer „w“-Varianten,
- Helfen, array-Überläufe zu vermeiden.
- Die Iteratoren werden von vielen STL-Algorithmen wie Sortieren, Suchen u. ä. verwendet.

# Beispiel: Iteratorieren über eine Map

## Map-Container mit Iterator

```
#include <iostream>
#include <map>
#include <cstring>

int main()
{
    // example usage of an STL-map
    std::map<std::string, int> y;

    y["eins"] = 1; y["zwei"] = 2;
    y["drei"] = 3; y["vier"] = 4;

    std::map<std::string, int>::iterator it;
    for (it=y.begin(); it!=y.end(); ++it)
        std::cout << it->first << ":␣" << it->second << std::endl;
        // output: 1: eins
        //           2: zwei ... usw.

    return 0;
}
```

# Algorithmen

## Algorithmen, die die STL bereitstellt

Die STL enthält viele hilfreiche Algorithmen, die

- Elemente eines Datencontainers manipulieren können,
- die Iteratoren zum Elementzugriff verwenden.

Beispiele:

- Sortieren
- Suchen
- Kopieren
- Umkehren der Reihenfolge im Container
- ...

# Algorithmen

## Beispiel: Sortier-Algorithmen für Vektoren

- Verschiedene Sortierungen für Vektoren stehen bereit
- Unterscheidung z.B. durch:
  - Benutzte Vergleichsoperation
  - Bereich der Sortierung
  - Stabilität
- Komplexität des Standard-Sortierers für Vektoren:
  - $O(n \cdot \log n)$  ideal
  - $O(n^2)$  ungünstigster Fall
- eigene Vergleichsfunktionen möglich
- Achtung: (doppelt verkettete) Listen sind auf Einfügen und Löschen von Elementen optimiert  $\Rightarrow$  spezielle Sortier-Algorithmen

# Algorithmen

## Beispiel: Verwendung eines Sortier-Algorithmus für Vektoren

```
// a vector for integers
vector<int> x;

x.push_back(23); x.push_back(-112);
x.push_back(0); x.push_back(9999);
x.push_back(4); x.push_back(4);

// sort the integer vector
sort(v.begin(), v.end());

// output: -112 0 4 4 23 9999
for (int i = 0; i<x.size(); i++)
    cout << x[i] << "\t";
```

# Statischer vs. Dynamischer Polymorphismus

## Dynamischer Polymorphismus

- Der „ganz normale“ Polymorphismus.
- Anwendung: Interface-Definitionen über abstrakte Basisklassen.
- Erlaubt Austauschbarkeit zur Laufzeit.
- Verhindert eine Vielzahl von Optimierungen, z.B.
  - inlining,
  - loop unrolling.
- Zusätzlicher Overhead (function lookup table).

# Statischer vs. Dynamischer Polymorphismus

## Dynamischer Polymorphismus

- Der „ganz normale“ Polymorphismus.
- Anwendung: Interface-Definitionen über abstrakte Basisklassen.
- Erlaubt Austauschbarkeit zur Laufzeit.
- Verhindert eine Vielzahl von Optimierungen, z.B.
  - inlining,
  - loop unrolling.
- Zusätzlicher Overhead (function lookup table).

## Statischer Polymorphismus

- Erlaubt lediglich Austauschbarkeit zur Compile-Zeit.
- Erlaubt alle Optimierungen.
- Längere Kompilierzeiten.
- Reduziert den Overhead der Interfaces.

# Statischer vs. Dynamischer Polymorphismus

## Techniken zur Realisierung der Polymorphismen:

statisch:

- Templates
- Überladen von Funktionen
- „Engine“-Technik

dynamisch:

- virtuelle Funktionen
- Überschreiben von Funktionen

# Beispiel: Dynamischer Polymorphismus bei Matrix-Klasse

```
// base class
class Matrix {
    virtual bool isSymmetricPositiveDefinit();
};

// symmetric matrices
class SymmetricMatrix : public Matrix {
    virtual bool isSymmetricPositiveDefinit() { ... };
};

// upper triangular matrices
class UpperTriangularMatrix : public Matrix {
    virtual bool isSymmetricPositiveDefinit()
    { return false };
};
```

Die Abfrage „Ist die Matrix symmetrisch positiv definit wird von der Basisklasse an die abgeleiteten Klassen durchgereicht.

# Beispiel: Dynamischer Polymorphismus bei Matrix-Klasse

```
// base class
class Matrix {
    virtual bool isSymmetricPositiveDefinit();
};

// symmetric matrices
class SymmetricMatrix : public Matrix {
    virtual bool isSymmetricPositiveDefinit() { ... };
};

// upper triangular matrices
class UpperTriangularMatrix : public Matrix {
    virtual bool isSymmetricPositiveDefinit()
    { return false };
};
```

⇒ Der Ansatz mit virtuellen Funktionen ist hier unter Umständen nicht performant. Ausweg: Engine-Konzept.

# Das Engine-Konzept

```
// example delegation of a method to an engine
template<class Engine> class Matrix {
    Engine engineImp;

    bool IsSymmetricPositiveDefinit()
    { return engineImp.isSymmetricPositiveDefinite(); }
};

// some engine classes
class Symmetric {
    bool isSymmetricPositiveDefinite(){ // check if matrix is spd. }
};

class UpperTriangle {
    bool isSymmetricPositiveDefinite(){ return false; }
};

// use in main function
Matrix<UpperTriangle> A;
std::cout << A.isSymmetricPositiveDefinite() << std::endl;
```

# Das Engine-Konzept

## Der Engine-Ansatz

- Aspekte der verschiedenen Matrizen sind in den Engines (`Symmetric` oder `UpperTriangular`) „verpackt“.
- `Matrix` delegiert die meisten Operationen an die Engine – zur Compile-Zeit!
- Dynamischer Polymorphismus durch statischen (Templates) ersetzt.
- Nachteil: Der Basis-Typ (`Matrix`) muss alle Methoden *aller* Subklassen enthalten.
- Der Trick, dies zu vermeiden, nennt sich „Barton-Nackmann-Trick“.

# Template Spezialisierungen

Eine wichtige Technik bei der Arbeit mit Templates ist die sogenannte „Template-Spezialisierung“:

- Abweichungen von der Template-Schablone können explizit ausprogrammiert werden,
- Etwa für Datentypen, die Laufzeit- oder Speicher-effizient implementiert werden können.

# Template Spezialisierungen

## Beispiel zur Spezialisierung von Templates: Sortierung

```
// a sorter class with two template parameters
template <class T, int N> Sorter
{
    void sort(T* array) { // sort here };
    ...
};

// sorting a single field array is simple...
template <class T> Sorter<T,1>
{
    void sort(T* array) {};
    ...
};
```

# Template Spezialisierungen

Wofür brauchen wir Template-Spezialisierung?

Viele Algorithmen (auch untemplatisierte) können durch Spezialisierung beschleunigt werden. Beispiel:

```
// dot-product
double dotproduct(const double *a, const double *b, int N)
{
    double result = 0.0;
    for (int i=0; i<N; i++)
        result += a[i]*b[i];
    return result;
}

// specialisation for small N (e.g. N=3) speeds up calculation
double dotproduct(const double *a, const double *b, int N)
{
    return a[0]*b[0] + a[1]*b[1] + a[2]*b[2];
}
```

# Motivation

Templates parametrisieren Klassen und Funktionen im Typ. Oft kann man Code durch fortgeschrittenere Techniken verbessern.

## Zwei fortgeschrittene Template-Verwendungen

- Traits – Meta-Informationen von Template-Parametern
- Policies – Verhaltens-Modifikation von Algorithmen

# Definition

## Definition: Traits

Repräsentieren natürliche zusätzliche Eigenschaften eines Template Parameters.

Beispiele: Meta-Informationen für Gitter (Ist Gitter konform, adaptiv, ...?),  
Typ-Promotionen.

# Type Promotion Traits

Betrachte Addition von 2 Vektoren:

```
template<typename T>
std::vector<T> operator+(const std::vector<T>& a,
    const std::vector<T>& b);
```

Frage: Rückgabetyt bei Addition zweier Vektoren unterschiedlichen Typs:

```
template<typename T1, typename T2>
std::vector<???\> operator+(const std::vector<T1>& a,
    const std::vector<T2>& b);
```

Beispiel:

```
std::vector<int> a;
std::vector<complex<double>> b;

std::vector<???\> c = a+b;
```

# Type Promotion Traits

Der Rückgabetyt ist abhängig von den beiden Input-Typen! Das Problem kann mit Traits-Klassen gelöst werden:

```
template<typename T1, typename T2>
std::vector<typename Promotion<T1, T2>::promoted_type>
operator+(const std::vector<T1> &, const std::vector<T2> &);
```

Die Type Promotion Traits werden über Spezialisierung definiert:

```
template<typename T1, typename T2>
struct Promotion {};
```

Für identische Typen kann eine partielle Spezialisierung vorgenommen werden:

```
struct Promotion<typename T, typename T> {
    public:
        typedef T promoted_type;
};
```

# Type Promotion Traits

Andere Promotionen können über volle Spezialisierung erreicht werden:

```
template<>
struct Promotion<float, complex<float> > {
    public:
        typedef complex<float> promoted_type;
};
```

```
template<>
struct Promotion<complex<float>, float> {
    public:
        typedef complex<float> promoted_type;
};
```

# Type Promotion Traits

Sind viele Typ-Promotionen notwendig, erleichtern kleine Makros die Arbeit:

```
#define DECLARE_PROMOTE(A,B,C) \
    template<> struct Promotion<A,B> { \
        typedef C promoted_type; \
    }; \
    template<> struct Promotion<B,A> { \
        typedef C promoted_type; \
    };

DECLARE_PROMOTE(int, char, int);
DECLARE_PROMOTE(double, float, double);
DECLARE_PROMOTE(complex<float>, float, complex<float>);
// and so on...

#undef DECLARE_PROMOTE
```

# Type Promotion Traits

Eine generische Addier-Funktion mit Typ-Promotion kann dann etwa so implementiert werden:

```
template<typename T1, typename T2>
std::vector<typename Promotion<T1,T2>::promoted_type>
operator+(const std::vector<T1>& a, const std::vector<T2>& b)
{
    typedef typename Promotion<T1,T2>::promoted_type T3;
    typedef typename std::vector<T3>::iterator Iterc;
    typedef typename std::vector<T1>::const_iterator Itera;
    typedef typename std::vector<T2>::const_iterator Iterb;

    std::vector<T3> c;
    Iterc ic = c.begin();
    Iterb ib = b.begin();
    for(Itera ia=a.begin(); ia!=a.end(); ++ia, ++ib, ++ic)
        *ic = *i1 + *i2;
    return c;
}
```

# Type Promotion Traits

## Weiteres Beispiel:

```
#include <iostream>

using namespace std;

// start with the basic template:
template <typename T1, typename T2>
struct Promote
{
};

// the same types are the same
template <typename T1>
struct Promote<T1,T1>
{
    typedef T1 type;
};

// specilizations for all the type promotions
template<> struct Promote<int,char> { typedef int type; };
template<> struct Promote<double,int> { typedef double type; };
```

# Type Promotion Traits

## Weiteres Beispiel:

```
// an example function build minima of two variables with different ty
template <typename T1, typename T2>
typename Promote<T1,T2>::type min( const T1 & x, const T2 & y )
{
    return x < y ? x : y;
}

// main
int main()
{
    std::cout << "min:_" << min(88.9, 99) << std::endl;
    // output: 88.9

    std::cout << "min:_" << min(4756, 'a') << std::endl;
    // output: 97

    return 0;
}
```

# Weiterführende Literatur

## Literatur zu „Scientific Computing with C++“

- N. Josuttis: C++ Templates – The Complete Guide
- T. Veldhuizen: Techniques for Scientific C++
- T. Veldhuizen: Template Metaprogramming
- E. Unruh: Prime Number Computation (historisches Beispiel für TMP)